

# תורת הגלים להנדסה רפואית

פרק 1 - מודים עצמאיים

תוכן העניינים

- 1.....  
1. הרצאות ותרגילים.....

## הרצאות ותרגילים – מערכת של שתי מסות

### שאלות

**1) מסה מחוברת למסה שמחוברת לתקלה**

מסה  $m$  מחוברת לתקלה באמצעות קפיז אנכי בעל קבוע  $2k$ . מסה  $m$  נוספת מחוברת למסה הראשונה באמצעות קפיז אנכי נוסף נוסף בעל קבוע  $k$ . המסות זזות רק בציר האנכי.

א. הסבירו מדוע ניתן להתעלם מכוח הכביד בבעיה זאת, כאשר אנו באים למצוא את התדריות העצמיות ואת אופני התנודה.

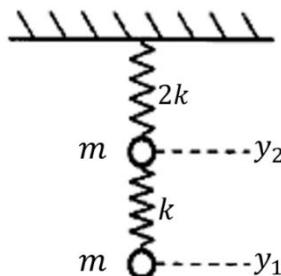
ב. כתבו את מערכת המשוואות בצורה מטריציונית ומצאו את התדריות העצמיות.

ג. מצאו את אופני התנודה, ותארו אותם.

ד. בזמן  $t = 0$  נתונים מכנה קטן למסה התחלתונה, כך שהיא מקבלת מהירות תחילתית  $v_0$ .

מצאו את תנועת המסות כתלות בזמן.

רמז: במקרה זה יהיה יותר פשוט לפרק את תנאי ההתחלה כאשר הפתרון רשום באמצעות סכום של סינוסים וкосינוסים.



### תשובות סופיות

**1)** א. כוח הכביד הוא כוח קבוע. כוחות קבועים מתבטלים על ידי תוספת קבועה של מתיחה לקפיז. לכן, כוחות קבועים משנהים רק את נקודת שיווי המשקל ואינם משפיעים על התדריות או על אופני התנודה.

$$\text{ב. } v_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ -2.41 \end{pmatrix}, \quad v_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0.41 \end{pmatrix}. \quad w_{1,2} = \pm \sqrt{2 + \sqrt{2}} w_0, \quad w_{3,4} = \pm \sqrt{2 - \sqrt{2}} w_0$$

$$\begin{pmatrix} y_1(t) \\ y_2(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.63 \\ -1.52 \end{pmatrix} \cdot \frac{v_0}{w_0} \sin\left(\sqrt{2 + \sqrt{2}} w_0 t\right) + \begin{pmatrix} 0.9 \\ 0.37 \end{pmatrix} \cdot \frac{v_0}{w_0} \sin\left(\sqrt{2 - \sqrt{2}} t\right)$$

$$w_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$$